

	MECANIQUE APPLIQUEE	
<i>COURS</i>	TORSEUR (statique)	<i>Page 1</i>

1. DEFINITION

Un torseur en un point O d'actions mécaniques est un ensemble constitué de deux grandeurs :

- 1) une force \vec{R} (une somme vectorielle)
- 2) un couple \vec{M}_O (ou moment résultant) fonction du point O

2. FONCTION DU TORSEUR

Représenter et décrire, d'une manière très détaillée, les efforts de contact au niveau des liaisons usuelles (encastrement, pivot, pivot glissant, hélicoïdale, appui plan, ...).

3. ECRITURE GENERALE

$$\left[T \right]_O = \begin{pmatrix} \vec{R} \\ \vec{M}_O \end{pmatrix}_O$$

\vec{R} et \vec{M}_O sont exprimés en 3D (dans l'espace).
On les décompose suivants les axes X, Y et Z.

\vec{R} et \vec{M}_O sont appelés les éléments de réduction du torseur.

4. EXEMPLE

$$\left[T_{1/2} \right]_O = \begin{pmatrix} \vec{R}_{1/2} \\ \vec{M}_{O1/2} \end{pmatrix}_O$$

est le torseur en O des actions de contact exercées par le solide 1 sur le solide 2.

5. TORSEURS D' ACTIONS DE CONTACT DES LIAISONS MECANQUES USUELLES

5.1. Actions exercées par un solide 1 sur un solide 2

Elles s'écrivent de la manière suivante :

$$\vec{R}_{1/2} = R_x \vec{X} + R_y \vec{Y} + R_z \vec{Z}$$

et

$$\vec{M}_{O1/2} = M_x \vec{X} + M_y \vec{Y} + M_z \vec{Z}$$

R_x , R_y et R_z sont les intensités des efforts et M_x , M_y et M_z sont les intensités des moments

sivants les axes \vec{X} , \vec{Y} et \vec{Z}

Dans le repère $(\vec{X}, \vec{Y}, \vec{Z})$, on peut écrire :

$$\vec{R}_{1/2} = \begin{vmatrix} R_x \\ R_y \\ R_z \end{vmatrix} \quad \text{et} \quad \vec{M}_{O1/2} = \begin{vmatrix} M_x \\ M_y \\ M_z \end{vmatrix}$$

Le torseur au point O des actions de contact exercées par le solide 1 sur le solide 2 s'écrit :

$$\left(T_{1/2} \right)_O = \begin{pmatrix} \vec{R}_{1/2} \\ \vec{M}_{O1/2} \end{pmatrix}_O = \begin{pmatrix} R_x & M_x \\ R_y & M_y \\ R_z & M_z \end{pmatrix}_O$$

Suivant la nature de la liaison les 6 coordonnées R_x, R_y, R_z, M_x, M_y et M_z peuvent être nulles ou non. L'ensemble des coordonnées non nulles caractérisent l'effort transmissible par la liaison.

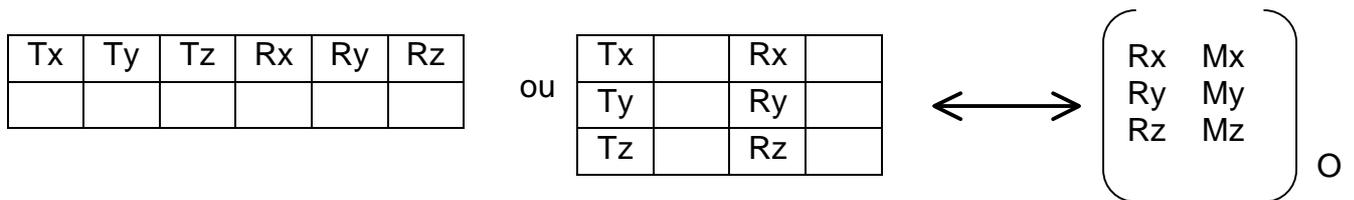
5.2. Mouvements possibles d'un solide 1 par rapport à un solide 2.

Ils sont indiqués :

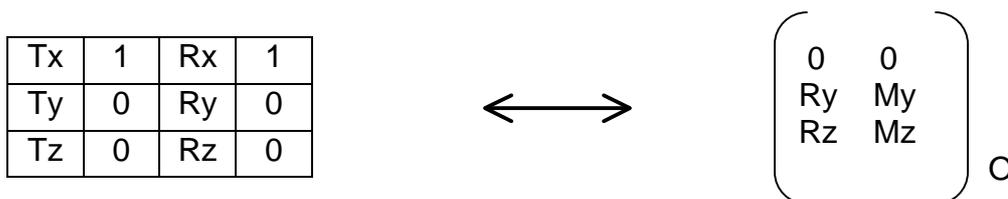
- Tx = translation suivant l'axe X
- Ty = translation suivant l'axe Y
- Tz = translation suivant l'axe Z
- Rx = rotation autour de l'axe X
- Ry = rotation autour de l'axe Y
- Rz = rotation autour de l'axe Z

On remarque que si la translation suivant un axe est possible entre 2 solides, alors il n'y a pas d'effort suivant cet axe (exemple : extracteur de roulement par inertie sans épaulement). De la même manière si la rotation autour d'un axe est possible entre 2 solides, alors il n'y a pas de transmission de couple (exemple : arbre + pignon sans clavette).

5.3. Relations liaisons-torseurs.



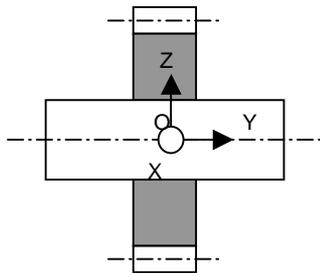
Exemple :



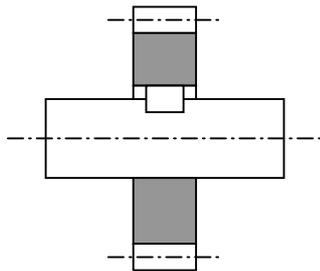
5.4. Tableau des liaisons usuelles.

NOM	SYMBOLE DE LIAISON		TABLEAU DES MOBILITÉS
Pivot d'axe Y.			$\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$
Glissière d'axe Y.			$\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$
Pivot glissant d'axe Y.			$\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$
Hélicoïdale d'axe Y.			$\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ k.Ry & Ry \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$
Sphérique de centre O.			$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
Appui plan de normale Z.			$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
Linéaire rectiligne de normale Z.			$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
Linéaire annulaire d'axe Y.			$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$
Ponctuel de normale Y.			$\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

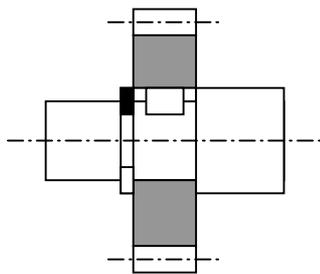
5.5. Application : Pignon sur arbre.



$$\left[T_{1/2} \right]_O = \begin{pmatrix} R_x & M_x \\ 0 & 0 \\ R_z & M_z \end{pmatrix}_O$$

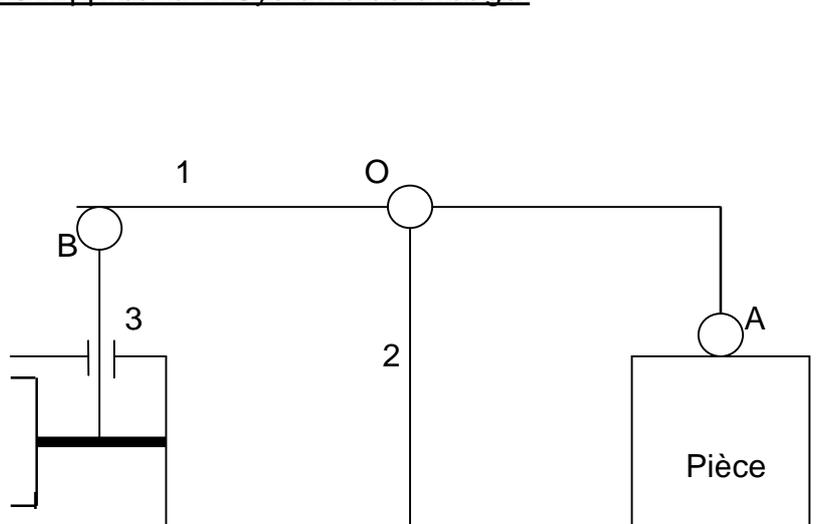


$$\left[T_{1/2} \right]_O = \begin{pmatrix} R_x & M_x \\ 0 & M_y \\ R_z & M_z \end{pmatrix}_O$$



$$\left[T_{1/2} \right]_O = \begin{pmatrix} R_x & M_x \\ R_y & M_y \\ R_z & M_z \end{pmatrix}_O$$

5.6. Application : Système de bridage.



$$\left[T_{1/3} \right]_B = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ R_z & 0 \end{pmatrix}_B$$